

3.2.1.3. Психометричні характеристики завдань сертифікаційної роботи

1. Якщо числа x і y задовольняють співвідношення $2y + 4 = x$, то $y =$

A	B	V	G	D
$2x - 8$	$8 - 2x$	$\frac{x - 4}{2}$	$\frac{x + 4}{2}$	$\frac{4 - x}{2}$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	A	B	V	G	D				
V	9,1	7,2	68,8	9,2	5,4	0,3	68,8	72,4	0,6

2. На відрізку AB вибрано точку M так, що довжина відрізка AM утрічі більша за довжину MB . Визначте довжину відрізка AB , якщо $MB = 12 \text{ см}.$

A	B	V	G	D
48 см	36 см	24 см	42 см	54 см

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	A	B	V	G	D				
A	59,1	36,0	3,4	1,0	0,4	0,1	59,1	62,5	0,4

3. Розв'яжіть рівняння $2^{2x} = \frac{1}{2^3}.$

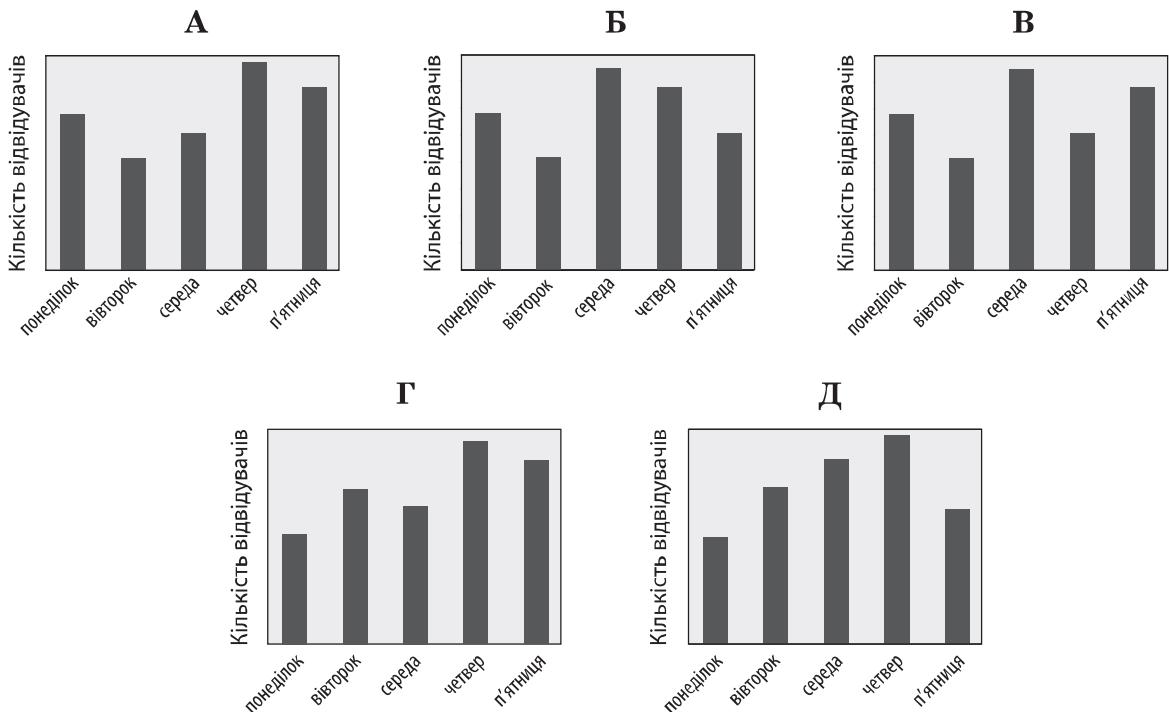
A	B	V	G	D
-3	-2	$-1,5$	$1,5$	2

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	A	B	V	G	D				
B	4,5	7,8	66,4	11,7	9,4	0,2	66,4	76,9	0,6

4. У таблиці наведено дані про кількість глядачів, які відвідали кінотеатр протягом п'яти днів тижня.

День тижня	понеділок	вівторок	середа	четвер	п'ятниця
Кількість відвідувачів	82	116	102	140	130

На діаграмах немає шкали (градації) кількості глядачів. Визначте, на якій діаграмі правильно відображені дані, наведені в таблиці.



Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	0,7	0,4	0,5	97,1	1,2	0,1	97,1	8,7	0,2

5. У прямокутній системі координат у просторі задано сферу із центром у початку координат, якій належить точка $A(0; 0; -5)$. Яка з наведених точок також належить цій сфері?

А	Б	В	Г	Д
$K(5; 5; 0)$	$L(0; 1; 4)$	$M(0; 0; 10)$	$N(0; 0; 5)$	$P(5; 5; 5)$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	17,6	7,2	6,2	65,0	3,7	0,3	65,0	38,9	0,3

6. Визначте точку перетину графіка функції $y = 2x - 2$ з віссю x .

	А	Б	В	Г	Д
Ключ	(0; -2)	(-2; 0)	(1; 0)	(0; 1)	(1; -2)

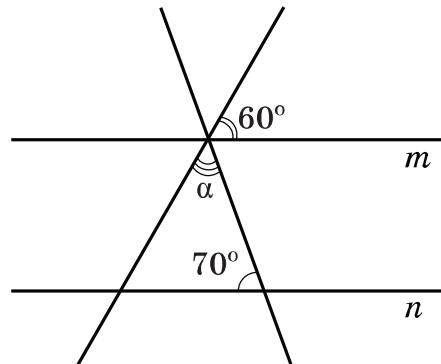
Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
В	19,2	13,7	48,8	9,8	8,4	0,1	48,8	68,5	0,5

7. Спростіть вираз $\frac{a^2 + 16}{a - 4} - \frac{8a}{a - 4}$.

	А	Б	В	Г	Д
Ключ	-1	$a - 4$	$a + 4$	1	$(a - 4)^2$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Б	3,0	49,6	19,9	8,8	18,2	0,5	49,6	72,7	0,6

8. Усі зображені на рисунку прямі лежать в одній площині, прямі m і n є паралельними. Визначте градусну міру кута α .



	А	Б	В	Г	Д
Ключ	20°	50°	60°	70°	110°

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Б	3,3	73,3	14,7	4,7	3,8	0,2	73,3	52,6	0,4

9. Укажіть проміжок, якому належить корінь рівняння $\sqrt{6 - 4x} = 4$.

	А	Б	В	Г	Д
Ключ	$[-3; -1)$	$[-1; 0)$	$[0; 1)$	$[1; 3)$	$[3; 6)$

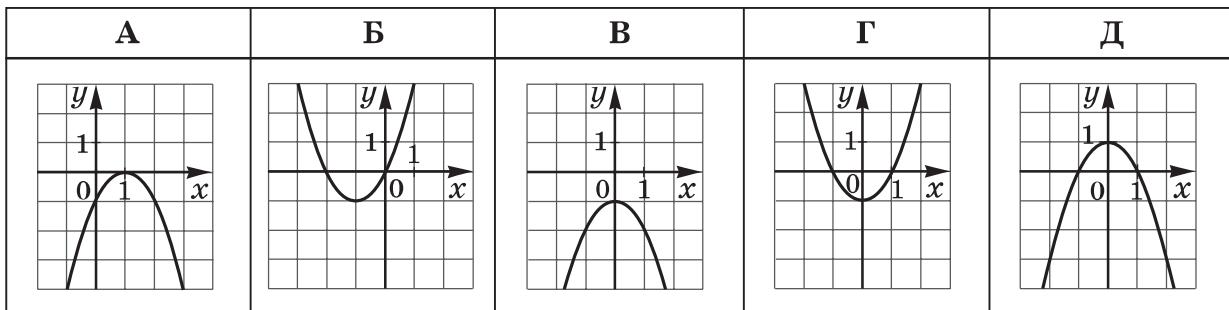
Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
А	51,7	8,4	10,7	18,5	10,2	0,5	51,7	73,7	0,6

- 10.** Точка A належить площині a . Які з наведених тверджень є правильними?
- Через точку A можна провести пряму, перпендикулярну до площини a .
 - Через точку A можна провести площину, перпендикулярну до площини a .
 - Через точку A можна провести площину, паралельну площині a .

А	Б	В	Г	Д
лише I	лише II та III	лише II	лише I та II	I, II та III

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	21,8	9,5	5,7	56,1	6,8	0,1	56,1	53,7	0,4

- 11.** На одному з рисунків зображеніо графік функції $y = 1 - x^2$. Укажіть цей рисунок.



Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Д	15,0	7,3	9,1	7,2	61,3	0,1	61,3	63,2	0,5

12. $1 - \sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha =$

А	Б	В	Г	Д
-2	0	1	$2 \cos^2 \alpha$	$1 + \cos 2\alpha$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Б	3,6	57,7	15,2	9,9	13,3	0,3	57,7	79,9	0,6

- 13.** В арифметичній прогресії (a_n) : $a_1 = -4$, $a_5 = a_4 + 3$. Визначте десятий член a_{10} цієї прогресії.

А	Б	В	Г	Д
-31	-27	26	27	23

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Д	6,4	12,7	13,3	15,4	51,8	0,4	51,8	76,3	0,6

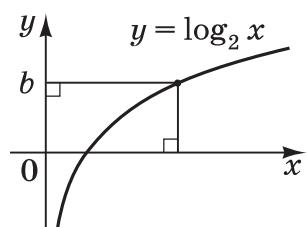
14. Укажіть проміжок, якому належить число $\log_2 9$.

	А	Б	В	Г	Д
	(0; 1)	(1; 2)	(2; 3)	(3; 4)	(4; 5)

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	4,3	6,6	32,7	47,0	9,1	0,3	47,0	75,7	0,6

15. Розв'яжіть нерівність $\log_2 x < b$, використавши рисунок.

А	Б	В	Г	Д	
	$(0; 2^b)$	$(0; b)$	$(-\infty; 2^b)$	$(\log_2 b; +\infty)$	$(-\infty; b)$



Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
А	25,0	11,1	21,8	23,3	18,2	0,6	25,0	47,0	0,5

16. Периметр основи правильної чотирикутної піраміди дорівнює 72 см. Визначте довжину висоти піраміди, якщо її апофема дорівнює 15 см.

	А	Б	В	Г	Д
	6 см	9 см	10 см	12 см	14 см

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	6,3	15,9	8,5	61,3	7,5	0,5	61,3	63,1	0,5

17. Розв'яжіть нерівність $(x^2 + 64)(x - 5) > 0$.

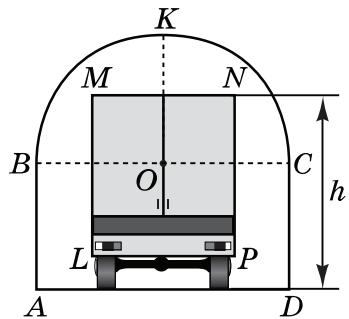
	А	Б	В	Г	Д
	$(5; +\infty)$	$(-\infty; 5) \cup (5; +\infty)$	$(5; 8)$	$(-\infty; 5) \cup (8; +\infty)$	$(-\infty; 5)$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
А	45,2	10,9	13,5	25,2	4,9	0,3	45,2	73,7	0,6

18. Якщо $a < 2$, то $1 + |a - 2| =$

А	Б	В	Г	Д					
$-a - 3$	$-a - 1$	$a - 1$	$a + 3$	$3 - a$					
Ключ	Відповіді учасників (%)				Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)	
Д	А	Б	В	Г	Д	0,3	32,8	67,5	0,6

19. На рисунку зображено поперечний переріз аркового проїзду, верхня частина якого (дуга BKC) має форму півколо радіуса $OC = 2 \text{ м}$. Відрізки AB і DC перпендикулярні до AD , $AB = DC = 2 \text{ м}$. Яке з наведених значень є *найбільшим можливим* значенням висоти h вантажівки, за якого вона зможе проїхати через цей арковий проїзд, не торкаючись верхньої частини арки (дуги BKC)? Уважайте, що $LMNP$ – прямокутник, у якому $MN = 2,4 \text{ м}$ і $MN \parallel AD$.



А	Б	В	Г	Д					
$4,4 \text{ м}$	4 м	$3,7 \text{ м}$	$3,5 \text{ м}$	$3,2 \text{ м}$					
Ключ	Відповіді учасників (%)				Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)	
Д	А	Б	В	Г	Д	0,3	32,8	67,5	0,6

А	Б	В	Г	Д					
$4,4 \text{ м}$	4 м	$3,7 \text{ м}$	$3,5 \text{ м}$	$3,2 \text{ м}$					
Ключ	Відповіді учасників (%)				Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)	
Д	А	Б	В	Д	Д	0,7	24,3	22,7	0,2

20. Укажіть похідну функції $y = \sin x - \cos x + 1$.

- А $y' = \cos x + \sin x + 1$
- Б $y' = \cos x - \sin x$
- В $y' = -\cos x - \sin x + x$
- Г $y' = -\cos x - \sin x$
- Д $y' = \cos x + \sin x$

А	Б	В	Г	Д					
$15,3$	$12,6$	$12,2$	$16,8$	$42,8$					
Ключ	Відповіді учасників (%)				Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)	
Д	А	Б	В	Г	Д	0,3	42,8	65,5	0,5

21. На рисунках (1–4) зображені графіки функцій, визначених на відрізку $[-4; 4]$.

Рис. 1

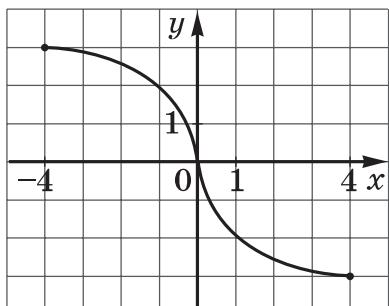


Рис. 2

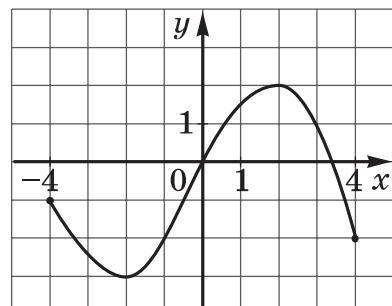


Рис. 3

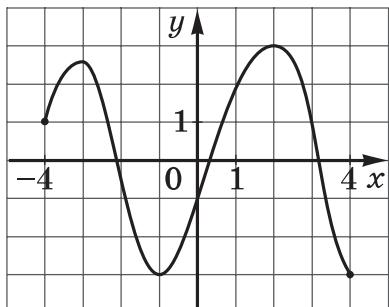
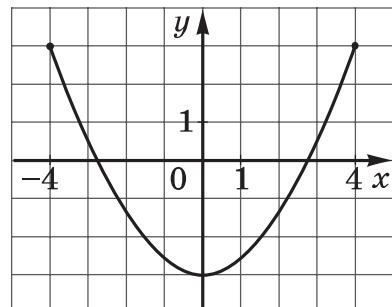


Рис. 4



До кожного початку речення (1–4) доберіть його закінчення (А–Д) так, щоб утворилося правильне твердження.

Початок речення

- 1 Функція, графік якої зображенено на рис. 1,
- 2 Функція, графік якої зображенено на рис. 2,
- 3 Функція, графік якої зображенено на рис. 3,
- 4 Функція, графік якої зображенено на рис. 4,

Закінчення речення

- А є непарною.
- Б набуває найбільшого значення, що дорівнює 4.
- В є парною.
- Г має три нулі.
- Д має дві точки локального екстремуму.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1	2	3	4			
АДГВ	16,4	26,6	21,3	8,3	27,4	50,9	63,6	0,6

- 22.** Нехай m і n – довільні дійсні числа, a – довільне додатне число, $a \neq 1$. До кожного початку речення (1–4) доберіть його закінчення (А–Д) так, щоб утворилося правильне твердження.

Початок речення

- 1 Якщо $(a^m)^n = a^4$, то
- 2 Якщо $a^m \cdot a^n = a^4$, то
- 3 Якщо $\sqrt[8]{a^m} = \sqrt{a^n}$, то
- 4 Якщо $\frac{a^n}{a^m} = \frac{1}{a^4}$, то

Закінчення речення

- A $m + n = 4$.
- B $m - n = 4$.
- C $mn = 4$.
- D $m = 4n$.
- D $m = 8n$.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1	2	3	4			
ВАГБ	12,3	10,5	21,1	22,4	33,7	63,7	64,7	0,6

- 23.** У трикутнику ABC : $AB = c$, $BC = a$, $AC = b$. До кожного початку речення (1–4) доберіть його закінчення (А–Д) так, щоб утворилося правильне твердження.

Початок речення

- 1 Якщо $a = b = c$,
- 2 Якщо $c^2 = a^2 + b^2$,
- 3 Якщо $a = c = \frac{b}{\sqrt{2}}$,
- 4 Якщо $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cdot \left(-\frac{1}{2}\right)$,

Закінчення речення

- A то $\angle C = 30^\circ$.
- B то $\angle C = 45^\circ$.
- C то $\angle C = 60^\circ$.
- D то $\angle C = 90^\circ$.
- D то $\angle C = 120^\circ$.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1	2	3	4			
ВГБД	11,0	18,4	18,8	21,6	30,2	60,4	68,5	0,7

- 24.** Радіус основи конуса дорівнює r , а твірна – l . До кожного початку речення (1–4) доберіть його закінчення (А–Д) так, щоб утворилося правильне твердження.

Початок речення

- 1 Якщо площа бічної поверхні конуса втричі більша за площину його основи, то
- 2 Якщо висота конуса дорівнює радіусу його основи, то
- 3 Якщо проекція твірної на площину основи конуса удвічі менша за твірну, то
- 4 Якщо площа повної поверхні конуса дорівнює $5\pi r^2$, то

Закінчення речення

- A** $l = 2r$.
- B** $l = \sqrt{2}r$.
- C** $l = 3r$.
- D** $l = 4r$.
- E** $l = r$.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1	2	3	4			
ВБАГ	11,2	26,5	28,6	10,7	23,0	52,0	61,0	0,7

- 25.** Для поповнення рахунку телефону Андрій уніс певну суму грошей до платіжного термінала. З цієї суми утримано комісійний платіж у розмірі 2 грн 40 коп., що становить 3 % від суми, унесеної до терміналу. У результаті рахунок телефону поповнено на решту внесеної суми.

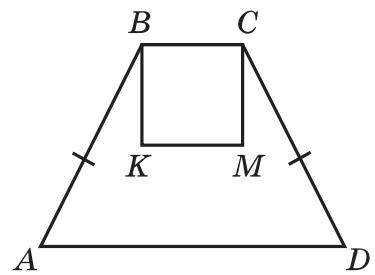
1. Яку суму грошей (у гривнях) Андрій уніс до платіжного термінала?

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1			
80	42,5	57,5	57,5	76,0	0,5

2. Мобільний оператор, послугами якого користується Андрій, нараховує 8 бонусів за кожні 5 грн, на які поповнено рахунок телефону. На залишок грошей, менший за 5 грн, бонуси не нараховуються. Скільки бонусів нараховано Андрію за здійснене ним поповнення телефону?

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1			
120	70,3	29,7	29,7	53,9	0,5

26. На рисунку зображене рівнобічну трапецію $ABCD$ та квадрат $KBCM$. Точки K і M – середини діагоналей AC і BD трапеції відповідно. Площа квадрата $KBCM$ дорівнює 18 см^2 .



1. Визначте довжину діагоналі AC (у см).

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1			
12	64,6	35,4	35,4	85,3	0,7

2. Обчисліть площину трапеції $ABCD$ (у см^2).

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1			
72	73,4	26,6	26,6	66,5	0,6

27. Знайдіть область визначення функції $y = \frac{1}{\sqrt{56 - 4x}}$. У відповіді запишіть найбільше ціле двоцифрове число, що належить області визначення цієї функції.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	2			
13	69,9	30,1	30,1	80,7	0,7

28. Автобус виїхав з міста A до міста B , відстань між якими становить 150 км . Через 30 хв із міста A до міста B тією самою дорогою виїхав автомобіль, швидкість якого в $1\frac{1}{5}$ раза більша за швидкість автобуса. Скільки часу (у год) витратив на дорогу з міста A до міста B автомобіль, якщо він прибув до міста B одночасно з автобусом? Уважайте, що автобус та автомобіль рухалися зі сталими швидкостями.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	2			
2,5	83,2	16,8	16,8	45,8	0,5

29. У торбинці лежать 3 цукерки з молочного шоколаду та m цукерок з чорного шоколаду. Усі цукерки – однакової форми й розміру. Якого *найменшого значення* може набувати m , якщо ймовірність навмання витягнути з торбинки цукерку з молочного шоколаду менша за 0,25?

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	2			
10	85,8	14,2	14,2	44,8	0,6

30. У прямокутній системі координат на площині задано взаємно перпендикулярні вектори \vec{AB} та $\vec{a}(4; 3)$. Визначте абсцису точки B , якщо $A(-2; 0)$, а точка B лежить на прямій $y = 2x$.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	2			
-0,8	94,5	5,5	5,5	20,0	0,4

31. Задано функцію $f(x) = x^2 - 6x + 9$.

- Визначте координати точок перетину графіка функції f з осями координат.
- Побудуйте графік функції f .
- Запишіть загальний вигляд первісних для функції f .
- Обчисліть площину фігури, обмеженої графіком функції f та осями x і y .

Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
0	1	2	3	4			
64,6	8,4	9,7	7,3	10,1	22,4	68,3	0,8

32. Основою правильної призми $ABC A_1 B_1 C_1$ є рівносторонній трикутник ABC . Точка K – середина ребра BC . Площа, що проходить через точки A , K та B_1 , утворює з площею основи призми кут α . Визначте об'єм призми $ABC A_1 B_1 C_1$, якщо відстань від вершини A до грані BB_1C_1C дорівнює d .

Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
0	1	2	3	4			
77,6	12,9	4,4	2,8	2,3	9,8	31,9	0,7

33. Розв'яжіть систему рівнянь $\begin{cases} |x - y| = |x - a|, \\ \lg(y - a) = \lg(4a^2 + x - x^2) \end{cases}$ залежно від значень параметра a .

Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів							Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
0	1	2	3	4	5	6			
89,3	6,8	2,9	0,4	0,1	0,1	0,3	2,8	9,9	0,5